

一元配置分散分析の結果，全体としての平均値に有意な差が認められたときにも，全ての群間に平均値の差があるわけではない。対比較とは，どの 2 群の平均値の間に有意な差があるかを検定するための方法である。

### 1. テューキーの方法 (Bliss 1967)

帰無仮説  $H_0$ : 「平均値に差はない」。

対立仮説  $H_1$ : 「平均値に差がある」。

有意水準  $\alpha$  で両側検定を行う (片側検定も定義できる)。

テューキーの方法でも，一元配置分散分析の結果，全体として平均値に差が認められる場合にのみ，対比較が行われる。群のケース数が等しくない場合には，近似的な結果が得られるにすぎない。検定を行う有意水準は，5%，1% のいずれかを選定できる (統計表による制限)。なお，後述の線形比較にもテューキーの方法というのがあるが，混同してはならない。

平均値の対比較に関するテューキーの方法では，ステューデント化した範囲を用いる。この方法では，テューキーが  $WSD$  (wholly significant difference) と呼んだ基準が用いられる。

$$WSD = \begin{cases} q \sqrt{MS_e / n}, & n = n_i = n_j \\ q \sqrt{MS_e (1/n_i + 1/n_j) / 2}, & n_i \neq n_j \end{cases} \quad (1)$$

$n_i = n_j$  ならば， $WSD$  の計算式はいずれの場合も同じになる。 $n_i \neq n_j$  のときには，得られる結果は近似的なものである。また，(1) 式中の  $q$  は検定に使用する有意水準に対応する“ステューデント化した範囲の表”の，比較する 2 個の平均値を  $\bar{X}_i, \bar{X}_j$  としたとき， $\bar{X}_i \geq \bar{X}_p \geq \bar{X}_j$  を満たす  $\bar{X}_p$  の個数  $m$ ，および  $MS_e$  の自由度に対する値である。

検定の結果は，

- $|\bar{X}_i - \bar{X}_j| < WSD$  のとき，帰無仮説を採択する。「平均値に差はない」。
- $|\bar{X}_i - \bar{X}_j| \geq WSD$  のとき，帰無仮説を棄却する。「平均値に差がある」。

対比較は，以下のように行われる。

- まず，平均値が最大である群と，最小である群について検定を行う。このとき， $m = k$  である。 $WSD$  を計算するときの  $q$  の値としては， $k$  に対応するステューデント化した範囲の値  $q_k$  を用いる。もし有意差なしならば，検定終了。結論は「個々の平均値対に差はない」とする。もし有意差ありならば，次へ進む。
- $m = k - 1$  となるような 2 個の平均値の比較を行う。この場合， $WSD$  を計算するときの  $q$  の値としては， $m$  に対応するステューデント化した範囲の値  $q_m$  と， $k$  に対応するステューデント化した範囲の値  $q_k$  の平均値を用いる。すなわち， $q = (q_m + q_k) / 2$  とする。
- $m = k - 2, k - 3, \dots, 2$  となるような 2 個の平均値の比較を行う。ここでの注意はライアンの方法の場合と同じ。

以上のようにして得られた全ての結論は，全体としての有意水準が  $\alpha$  になる。